



LIGA DE ENSINO DO RIO GRANDE DO NORTE
CENTRO UNIVERSITÁRIO DO RIO GRANDE DO NORTE

Curso: Engenharia Civil	Professor: Luiz Gonzaga Damasceno	Turma: 02.054.01
Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II	Lista de Recuperação	

1. Se $f(x) = x^2 - x - 8$ então

- (A) $f'(x) = 2x - 8$ e $f''(x) = 2x - 1$ (B) $f'(x) = 2x - 1$ e $f''(x) = 2x$
(C) $f'(x) = 2x - 1$ e $f''(x) = 2$ (D) $f'(x) = 2x - 8$ e $f''(x) = 2$
(E) $f'(x) = 2x$ e $f''(x) = 1$

2. A equação da declividade da tangente a curva $y = x^3 + x + 1$ em um ponto genérico é dada por:

- (A) $m = 3x^2 + 1$ (B) $m = 6x - 3$ (C) $m = 3x - 4$
(D) $m = 6x - 4$ (E) $m = 3x^2 - 4$

3. A equação da reta tangente a curva $y = 2x^2 + 1$ que é paralela a reta $8x + y - 2 = 0$ é dada por:

- (A) $8x + y - 2 = 0$ (B) $8x + y + 2 = 0$ (C) $8x + y - 7 = 0$
(D) $8x + y + 7 = 0$ (E) $x + 8y + 7 = 0$

4. A equação da reta tangente a curva $y = 2x^2 + 1$ que é normal a reta $x - 8y - 2 = 0$ é dada por:

- (A) $8x + y - 2 = 0$ (B) $8x + y + 2 = 0$ (C) $8x + y - 7 = 0$
(D) $8x + y + 7 = 0$ (E) $x + 8y + 7 = 0$

5. Sabe-se que $f(s) = \frac{\sqrt{s}-1}{\sqrt{s}+1}$. Então, $f'(s)$ é dada por:

- (A) $f'(s) = \frac{1}{\sqrt{s}+1}$ (B) $f'(s) = \frac{1}{\sqrt{s}-1}$ (C) $f'(s) = \frac{1}{(\sqrt{s}+1)^2}$
(D) $f'(s) = \frac{1}{(\sqrt{s}-1)^2}$ (E) $f'(s) = \frac{1}{\sqrt{s}(\sqrt{s}+1)^2}$

6. Se $f(x) = \frac{1}{5}x^5 - \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 + x - 1$ então:

- (A) $f^{(5)}(x) = 120$ (B) $f^{(4)}(x) = 24x + 6$
(C) $f'''(x) = 3x^2 + 2x + 1$ (D) $f''(x) = 4x^3 - 3x^2 + 2x - 1$
(E) $f'(x) = x^4 - x^3 + x^2 + x + 1$

7. Considere o problema de valor inicial: $\frac{d^3y}{dx^3} = 6$, $y(0) = -3$, $y'(0) = -1$, $y''(0) = 2$. Então:

- (A) $y(x) = 2 + x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6}$ (B) $y(x) = 2 + x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3}$
(C) $y(x) = -3 + x + x^2 + x^3$ (D) $y(x) = -3 - x + x^2 + x^3$
(E) $y(x) = -3 + x - x^2 + x^3$



LIGA DE ENSINO DO RIO GRANDE DO NORTE
CENTRO UNIVERSITÁRIO DO RIO GRANDE DO NORTE

Curso: Engenharia Civil	Professor: Luiz Gonzaga Damasceno	Turma: 02.054.01
Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II	Lista de Recuperação	

8. Dada a função $f(x) = xe^x - e^x$ então, a derivada de ordem 2 de $f(x)$ é:

- (A) $f''(x) = xe^x - e^x$ (B) $f''(x) = xe^x + e^x$ (C) $f''(x) = xe^x + 2e^x$
(D) $f''(x) = xe^x - 2e^x$ (E) $f''(x) = 2xe^x + e^x$

9. Mostre que o ponto (2, 4) está na curva $x^3 + y^3 - 9xy = 0$. Em seguida, encontre a reta normal à curva nesse ponto.

- (A) $y = \frac{-5}{4}x + \frac{3}{2}$ (B) $y = \frac{-4}{5}x + \frac{3}{2}$ (C) $y = \frac{5}{4}x + \frac{13}{2}$ (D) $y = \frac{-5}{4}x + \frac{13}{2}$ (E) $y = \frac{-4}{5}x + \frac{13}{2}$

10. Considere a função $f(x) = x^3 - 9x^2 + 24x + 15$. Então, em $x=2$, $x=3$ e $x=4$, temos respectivamente, pontos de:

- (A) máximo, mínimo e máximo (B) mínimo, máximo e mínimo (C) máximo, inflexão e mínimo
(D) máximo, inflexão e inflexão (E) inflexão, inflexão e mínimo

11. A derivada da função $f(x) = (3 - x^2)(x^2 - x + 1)$ é a função:

- (A) $f'(x) = 4x - 6$ (B) $f'(x) = -4x^3 + 3x^2 + 4x - 6$
(C) $f'(x) = -4x^3 - 3x^2 - 4x - 6$ (D) $f'(x) = 4x^3 + 3x^2 + 4x + 3$
(E) $f'(x) = -4x^3 + 3x^2 + 4x - 3$

12. Suponha que u e v sejam funções de x deriváveis em $x=0$ e que $u(0)=5$, $u'(0)=3$,

$v(0)=-1$ e $v'(0)=2$. Então, a derivada $\frac{d}{dx}(uv)$ em $x=0$ é igual a:

- (A) 2 (B) 5 (C) 7 (D) 8 (E) 9

13. Considere a função $f(x) = \sin x$ então, a derivada de ordem 107 de $f(x)$ é:

- (A) $f^{(107)}(x) = \sin x$ (B) $f^{(107)}(x) = \cos x$ (C) $f^{(107)}(x) = -\sin x$
(D) $f^{(107)}(x) = -\cos x$ (E) $f^{(107)}(x) = \sin x - \cos x$

14. Seja f a função definida por $f(x) = (4 - x^2)^{500}$ para todo x real. Então

- (A) $f'(x) = 1000x(4 - x^2)$ (B) $f'(x) = -1000x(4 - x^2)$
(C) $f'(x) = -500x(4 - x^2)^{499}$ (D) $f'(x) = 1000x(4 - x^2)^{499}$
(E) $f'(x) = -1000x(4 - x^2)^{499}$



LIGA DE ENSINO DO RIO GRANDE DO NORTE
CENTRO UNIVERSITÁRIO DO RIO GRANDE DO NORTE

Curso: Engenharia Civil	Professor: Luiz Gonzaga Damasceno	Turma: 02.054.01
Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II	Lista de Recuperação	

15. Determine uma função $y=f(x)$ tal que $\frac{dy}{dx}=4x(x^2-1)$.

- (A) $y=(x^2-1)^2$ (B) $y=2(x^2-1)^2$ (C) $y=(x^2-1)^4$
(D) $y=4(x^2-1)^2$ (E) $y=x(x^2-1)^4$

16. Considere a função $f(x)=e^x \cos(2x)$. Então, $f'(\frac{\pi}{2})$ é igual a:

- (A) $e^{\frac{\pi}{2}}$ (B) $-e^{\frac{\pi}{2}}$ (C) $-e^{\pi}$ (D) e^{π} (E) $e^{-\pi}$

17. Seja y a função definida por $y^2=x$ para todo x real tal que $y(1)=-1$. Então

- (A) $\frac{dy}{dx}=\frac{1}{\sqrt{x}}$ (B) $\frac{dy}{dx}=\frac{-1}{\sqrt{x}}$ (C) $\frac{dy}{dx}=\frac{1}{2\sqrt{x}}$ (D) $\frac{dy}{dx}=\frac{-1}{2\sqrt{x}}$ (E) $\frac{dy}{dx}=\frac{-3}{2\sqrt{x}}$

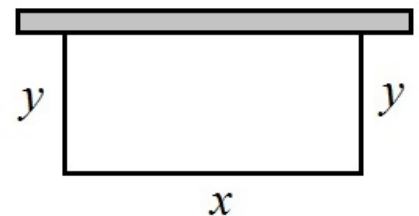
18. Mostre que o ponto $(2, 4)$ está na curva $x^3+y^3-9xy=0$. Em seguida, encontre a tangente à curva nesse ponto.

- (A) $y=\frac{4}{5}x+\frac{1}{5}$ (B) $y=\frac{4}{5}x-\frac{1}{5}$ (C) $y=\frac{4}{5}x+\frac{12}{5}$ (D) $y=\frac{4}{5}x-\frac{12}{5}$ (E) $y=\frac{-4}{5}x+\frac{12}{5}$

19. Determine o coeficiente angular da reta tangente ao gráfico de $y=f(x)=x^2-4x$, no ponto de abscissa p . Em qual ponto a reta tangente ao gráfico é horizontal?

- (A) $(2,4)$ (B) $(2,-4)$ (C) $(-2,4)$ (D) $(-2,-4)$ (E) $(4,2)$

20. Uma área retangular em uma fazenda será cercada por um rio e nos outros três lados por uma cerca elétrica feita de um fio. Com 800 m de fio a disposição, quais são as dimensões da região retangular para que a área seja máxima.



- (A) $x=600$ e $y=100$ (B) $x=500$ e $y=150$
(C) $x=400$ e $y=200$ (D) $x=300$ e $y=250$
(E) $x=200$ e $y=300$

21. $F(x)=\frac{x^3}{3}-5x-2$ é uma primitiva de:

- (A) $f(x)=x^2+2$ (B) $f(x)=x^2-2$ (C) $f(x)=x^2+5$ (D) $f(x)=x^2-5$ (E) $f(x)=x^2+5x$



LIGA DE ENSINO DO RIO GRANDE DO NORTE
CENTRO UNIVERSITÁRIO DO RIO GRANDE DO NORTE

Curso: Engenharia Civil	Professor: Luiz Gonzaga Damasceno	Turma: 02.054.01
Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II	Lista de Recuperação	

22. $\int \sin x - \cos x \, dx$ é igual a:

- (A) $\cos x - \sin x + C$ (B) $\cos x + \sin x + C$ (C) $-\cos x + \sin x + C$
(D) $-\cos x - \sin x + C$ (E) $-\cos x + 2 \sin x + C$

23. Se $F(x) = \int 1 - x + x^2 - x^3 \, dx$ e $F(0) = \frac{-1}{3}$, então:

- (A) $F(1) = \frac{1}{2}$ (B) $F(1) = \frac{1}{3}$ (C) $F(1) = \frac{1}{4}$ (D) $F(1) = \frac{1}{5}$ (E) $F(1) = \frac{2}{5}$

24. $\int \frac{x}{x^2 - 1} \, dx$ é igual a:

- (A) $\frac{1}{2} \ln(x^2 + 1) + C$ (B) $\frac{2}{3} \ln(x^2 + 1) + C$ (C) $\frac{1}{2} \ln(x^2 - 1) + C$
(D) $2 \ln(x^2 + 1) + C$ (E) $2 \ln(x^2 - 1) + C$

25. $\int 4x e^{x^2} \, dx$ é igual a:

- (A) $x e^{x^2} + C$ (B) $e^{x^2} + C$ (C) $2 e^{x^2} + C$ (D) $x e^x + C$ (E) $2x e^x + C$

26. Considere a função definida por $y'' = 1 + x$, então $y(x)$ é igual a:

- (A) $1 - x + C$ (B) $x - x^2 + C$ (C) $x^2 - x^3 + Ax + B$
(D) $\frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{6} + Ax + B$ (E) $\frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6} + Ax + B$

27. $\int_0^1 (3x^2 - 2x - 5) \, dx$ é igual a:

- (A) -5 (B) -4 (C) 1 (D) 4 (E) 5

28. Usando uma fórmula apropriada para encontrar a área exata A, entre a reta $x + y = 2$ e a parte do eixo x correspondente ao intervalo $[0, 4]$, podemos afirmar que A é igual a:

- (A) 0 (B) 2 (C) 4 (D) 4 (E) 8

29. Seja A a área da região limitada pelas curvas $y = 8 - x^2$ e $y = x^2$. Então, A vale:

- (A) $\frac{32}{3}$ (B) $\frac{48}{3}$ (C) $\frac{64}{3}$ (D) $\frac{80}{3}$ (E) $\frac{96}{3}$



LIGA DE ENSINO DO RIO GRANDE DO NORTE
CENTRO UNIVERSITÁRIO DO RIO GRANDE DO NORTE

Curso: Engenharia Civil	Professor: Luiz Gonzaga Damasceno	Turma: 02.054.01
Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II	Lista de Recuperação	

30. $\int_0^1 \frac{x^2}{x^3 - 4} dx$ é igual a:

- (A) $\frac{1}{3} \ln \frac{1}{3}$ (B) $\frac{1}{3} \ln \frac{4}{3}$ (C) $\frac{1}{3} \ln \frac{3}{4}$ (D) $\frac{4}{3} \ln \frac{1}{3}$ (E) $\frac{3}{4} \ln \frac{1}{3}$

31. Se $I = \int x \operatorname{sen} x dx$, então I é igual a:

- (A) $x \operatorname{sen} x - \cos x + C$ (B) $\operatorname{sen} x + x \cos x + C$ (C) $(\operatorname{sen} x - x \cos x + C$
D) $x \operatorname{sen} x + \cos x + C$ (E) $x^2 \operatorname{sen} x + x \cos x + C$

32. Ache o volume do sólido que resulta quando a região sombreada gira em torno do eixo x (Figura 01).

- (A) 2π (B) 4π (C) 6π (D) 8π (E) 10π

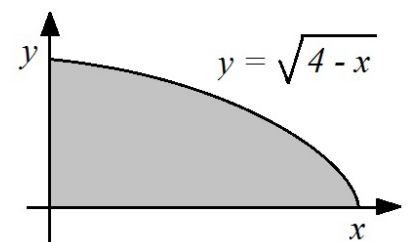


Figura 01

33. Ache o volume do sólido que resulta quando a região sombreada gira em torno do eixo y (Figura 01).

- (A) π (B) 2π (C) 4π (D) $\frac{96}{15}\pi$ (E) $\frac{256}{15}\pi$

34. O comprimento do caminho definido por $r(t) = (3 \cos t, 3 \operatorname{sen} t)$ para $0 \leq t \leq 5\pi$ é igual a:

- (A) 3π (B) 5π (C) 9π (D) 15π (E) 30π

35. A integral $\int \frac{5t+7}{(t-1)(t+3)} dt$ é igual a:

- (A) $3 \ln(t-1) + 2 \ln(t+3) + C$ (B) $3 \ln(t-1) - 2 \ln(t+3) + C$
(C) $2 \ln(t-1) + 3 \ln(t+3) + C$ (D) $2 \ln(t-1) - 3 \ln(t+3) + C$
(E) $-3 \ln(t-1) + 2 \ln(t+3) + C$

36. Se $I = \int x^2 e^x dx$, então I é igual a:

- (A) $e^x(x^2 - x + 1) + C$ (B) $e^x(x^2 - 2x + 1) + C$ (C) $e^x(x^2 - 2x + 2) + C$
D) $e^x(x^2 - x + 2) + C$ (E) $e^x(x^2 - 1) + C$

37. Considere a função definida por $f(x) = 7 + x$. Se $F(x) = \int f(x) dx$ com $F(1) = 2$ e

$G(x) = \int F(x) dx$ com $G(2) = 5$, então $G(0)$ é igual a:

- (A) 1 (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{3}$ (D) $\frac{2}{3}$ (E) $\frac{3}{4}$



LIGA DE ENSINO DO RIO GRANDE DO NORTE
CENTRO UNIVERSITÁRIO DO RIO GRANDE DO NORTE

Curso: Engenharia Civil	Professor: Luiz Gonzaga Damasceno	Turma: 02.054.01
Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II	Lista de Recuperação	

38. O comprimento exato da curva $y = \frac{x^2}{2} - \frac{\ln x}{4}$ para $2 \leq x \leq 4$ é igual a:

- (A) $6 + \frac{\ln 3}{4}$ (B) $4 + \frac{\ln 2}{4}$ (C) $4 - \frac{\ln 2}{4}$ (D) $6 + \frac{\ln 2}{4}$ (E) $6 - \frac{\ln 2}{4}$

39. A integral $\int \frac{dx}{1-x^2}$ é igual a:

- (A) $\frac{1}{2} \ln(1+x) + \frac{1}{2} \ln(1-x) + C$ (B) $\frac{1}{2} \ln(1+x) + \ln(1-x) + C$ (C) $\ln(1+x) + \frac{1}{2} \ln(1-x) + C$
(D) $\ln|1+x| + \ln|1-x| + C$ (E) $\frac{1}{2} \ln(1+x) - \frac{1}{2} \ln(1-x) + C$

40. A integral $\int \frac{e^t}{e^t+1} dt$ é igual a:

- (A) $\ln(e^t+1) + C$ (B) $\ln(e^t - 1) + C$ (C) $\ln(e^t+2) + C$
(D) $\ln(e^t - 2) + C$ (E) $\ln(e^t+3) + C$