

Nome: _____

Observação: Todos os cálculos e desenvolvimentos deverão acompanhar a prova e serem feitos no verso das folhas e/ou na folha em branco.

1. Seja f uma função afim definida por $f(x) = -2x + 3$ para todo x real. Então

- (A) $f(0) = -1$ (B) $f(1) = -1$ (C) $f(0) = 1$ (D) $f(1) = 1$ (E) $f(2) = -2$

2. A função polinomial $f(x) = 3x - 12$ corta os eixos coordenados x e y , exatamente, nos pontos de coordenadas:

- (A) (4, 0) e (0, 12) (B) (4, 0) e (0, -12) (C) (3, 0) e (0, 12)
(D) (3, 0) e (0, -12) (E) (4, 3) e (3, 12)

3. A função $-2x + y + 8 = 0$

- (A) é crescente e positiva para $x > 4$ (B) é decrescente e negativa para $x < 4$
(C) é crescente e negativa para $x < 4$ (D) é decrescente e negativa para $x < 8$
(E) é decrescente e negativa para $x > 4$

4. Os analistas de uma fábrica de calçados verificam que, quando produzem 600 pares de chinelos por mês, o custo total de produção é de R\$ 6600,00, e quando produzem 900 pares por mês, o custo mensal é de R\$ 8700,00. Eles sabem também que a função que relaciona o custo total de produção e o número de pares produzidos, é uma função afim. A expressão matemática da função que relaciona esse custo mensal C com o número de pares produzidos x é dada por:

- (A) $C(x) = 4x + 1800$ (B) $C(x) = 5x + 1900$ (C) $C(x) = 6x + 2000$
(D) $C(x) = 7x + 2400$ (E) $C(x) = 8x + 2800$

5. Sendo $y = ax^2 + bx + c$, com $a \neq 0$ e $x \in \mathbb{R}$, considere $\Delta = b^2 - 4ac$. A parábola que representa esta função graficamente tem a concavidade voltada para cima e não intersepta o eixo x quando:

- (A) $\Delta > 0$ e $a < 0$ (B) $\Delta = 0$ e $a < 0$ (C) $\Delta < 0$ e $a < 0$
(D) $\Delta < 0$ e $a > 0$ (E) $\Delta > 0$ e $a > 0$

6. A soma e o produto das raízes de uma função do 2º grau são, respectivamente, -8 e 12 . então a abscissa do vértice é igual a:

- A) 3 B) $\frac{1}{2}$ C) 0 D) -4 E) -6

7. Uma função quadrática com máximo em $x = 3$ tem 7 como zero. O outro zero desta função é:

- (A) 3 (B) -1 (C) -2 (D) -3 (E) 1

8. Considere a função f , de \mathbb{R} em \mathbb{R} , definida por $f(x) = |x - 1| + |x - 3|$. Então $f(0) + f(2) + f(4)$ é igual a:

- (A) 4 (B) 6 (C) 8 (D) 10 (E) 12

9. As soluções da equação modular $|x - 5|^2 - 6|x - 5| + 5 = 0$ são, respectivamente, iguais a:

- (A) 0, 4 (B) 6, 10 (C) 4, 6 (D) 0, 4, 6 (E) 0, 4, 6, 10

10. O número de bactérias em um meio triplica de hora em hora. Se, inicialmente, existem 81 bactérias no meio, ao fim de 20 horas o número de bactérias será:

- (A) 9^4 (B) 9^8 (C) 9^{12} (D) 9^{20} (E) 9^{23}

11. A soma das raízes da equação $4^x - 5 \cdot 2^x + 4 = 0$ é:

- (A) 0 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) 5

12. Se $\log a = 2$ e $\log b = 3$, então $\log(a^3 b^2) + \log b^{1/3}$ é igual a:

- (A) 6 (B) 6 (C) 12 (D) 13 (E) 25

13. Considere a equação $3y = \log_2 x$ ($x > 0$). A equação equivalente é:

- (A) $x = 8^y$ (B) $x = 3y^2$ (C) $y = 9^x$ (D) $y = (x/3)^2$ (E) $x = (y/3)^2$

14. Considere as igualdades a seguir:

I) $\sin(\pi/2 - x) = \sin x$

II) $\sin(\pi/2 - x) = \cos x$

III) $\sin(\pi + x) = \sin x$

IV) $\cos(\pi + x) = -\cos x$

Então, as igualdades verdadeiras são:

- (A) I e II (B) I e III (C) II e III (D) II e IV (E) III e IV

15. Os períodos das funções $y = \sin(x/2)$ e $y = \cos(x/3)$ são, respectivamente:

- (A) π e 2π
(B) 2π e 4π
(C) 2π e 2π
(D) 4π e 6π
(E) $\pi/2$ e $\pi/4$

16. Seja f uma função polinomial definida por $f(x) = x^3 - 4x^2 + 2x - 3$ para todo x real. Então $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ é igual a:

- (A) -3 (B) -2 (C) 1 (D) -1 (E) 3

17. $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{x - 5}$ é igual a:

- (A) -10 (B) 10 (C) -5 (D) 5 (E) -25

18. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x - 2}$ é igual a:

- (A) 4 (B) 8 (C) 12 (D) 16 (E) 20

19. $\lim_{x \rightarrow 1} x + |x|$ é igual a:

- (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) 2 (E) 3

20. $\lim_{x \rightarrow \infty} 5x^3 - 3000x^2$ é igual a:

- (A) -3000 (B) 5 (C) 5000 (D) -5 (E) ∞

21. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x + 7}{3x + 5}$ é igual a:

- (A) $-\frac{4}{3}$ (B) $\frac{4}{3}$ (C) $\frac{1}{3}$ (D) $-\frac{1}{3}$ (E) $\frac{3}{10}$

22. Considere a função $f(x)=9-4x$, se $x \leq 1$ e $f(x)=kx^2$, se $x > 1$. O valor de k que torna $f(x)$ contínua é:

- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) 5

23. Calculando o limite da função $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(4x)}{3x}$ encontramos (Sugestão: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$):

- (A) $\frac{-4}{3}$ (B) $\frac{4}{3}$ (C) $\frac{3}{5}$ (D) $\frac{-3}{5}$ (E) $\frac{5}{3}$

24. Considere a função definida parametricamente por $y(t)=t^2-8t+12$ e $x(t)=2t-1$. Então, a derivada $\frac{dy}{dx}$ é igual a:

- (A) $2t+8$ (B) $2t-8$ (C) $t+4$ (D) $t-4$ (E) $2t^2-8$

25. A função $y=5 \operatorname{sen} x$ tem para derivada:

- (A) $y'=-5 \operatorname{sen} x$ (B) $y'=5 \operatorname{sen} x$ (C) $y'=5 \cos x$ (D) $y'=-5 \cos x$ (E) $y'=-\cos x$

26. A derivada em relação a x da função $f(x)=-\operatorname{sen} x-\cos x$ é a função dada por:

- (A) $f'(x)=\operatorname{sen} x-\cos x$ (B) $f'(x)=-\cos x-\operatorname{sen} x$ (C) $f'(x)=\operatorname{sen} x-2\cos x$
(D) $f'(x)=-\operatorname{sen} x+\cos x$ (E) $f'(x)=\cos x+\operatorname{sen} x$

27. Considere a função $f(x)=x^3-3x^2+4x$. Então a declividade da reta tangente a curva $y=f(x)$ no ponto $(1, 2)$ é igual a:

- (A) -1 (B) 3 (C) 1 (D) 2 (E) 0

28. Considere a função $f(t)=e^t+\ln t+5t^2$. Então $f'(1)$ é igual a:

- (A) 11 (B) $e-11$ (C) $e+21$ (D) $e+11$ (E) $e-21$

29. Considere a função definida implicitamente por $x^2+y^2=25$. Então, a derivada de y em relação a x , $y'(x)$, é a função definida por

- (A) $x+2yy'(x)=0$ (B) $2x+2yy'(x)=25$ (C) $2x+yy'(x)=0$
(D) $2x+yy'(x)=25$ (E) $x+yy'(x)=0$

30. Considere as funções $z=y^3$ e $y=2t+1$. Então, a derivada $z'(t)$ é dada por:

- (A) $(2t+1)^2$ (B) $3(2t+1)^2$ (C) $6(2t+1)$ (D) $6(2t+1)^2$ (E) $3y^2(2t+1)$

31. Considere a função $y=\frac{1}{x}(x^2+\frac{1}{x})$. Então sua derivada é igual a:

(A) $1 - \frac{2}{x^3}$ (B) $2 - \frac{1}{x^3}$ (C) $1 - \frac{1}{x^3}$ (D) $1 + \frac{2}{x^3}$ (E) $2 + \frac{1}{x^3}$

32. A função $y = \frac{t^2 - 1}{t^2 + 1}$ tem para derivada:

(A) $y' = \frac{2t}{t^2 + 1}$ (B) $y' = \frac{4t}{t^2 + 1}$ (C) $y' = \frac{4t}{(t^2 + 1)^2}$ (D) $y' = \frac{-4t}{(t^2 + 1)^2}$ (E) $y' = \frac{-4t}{t^2 + 1}$

33. A função $y = e^{(2x-1)}$ tem para derivada:

(A) $y' = 2e^{(2x-1)}$ (B) $y' = e^{(2x-1)}$ (C) $y' = -e^{(2x-1)}$ (D) $y' = e(2x-1)$ (E) $y' = \frac{e}{2x-1}$

34. Considere a função definida implicitamente por $x^2 y = 1$. Então, a equação da reta tangente a curva no ponto (1, 1), é a função definida por

(A) $2x + 2y = 3$ (B) $2x + y = 3$ (C) $x + 2y = 3$
(D) $2x - 2y = 3$ (E) $x + y = 2$

35. Se $x(t) = t - t^2$ e $y(t) = t + t^2$, então $\frac{dy}{dx}$ é a função dada por:

(A) $\frac{dy}{dx} = \frac{1 + 2t^2}{1 - 2t^2}$ (B) $\frac{dy}{dx} = \frac{1 + 2t}{1 - 2t}$ (C) $\frac{dy}{dx} = \frac{1 + t}{1 - t}$ (D) $\frac{dy}{dx} = \frac{1 - 2t}{1 + 2t}$ (E) $\frac{dy}{dx} = \frac{1 - 2t^2}{1 + 2t^2}$