

## Lista de exercícios 07 – Derivadas

01) Considere a função  $y = x^2 - 5x + 2$ . Então sua derivada é igual a:

- (A)  $2x + 2$       (B)  $x^2 + 5x$       (C)  $x^2 + 2$       (D)  $2x - 5$       (E)  $2x^2 - 5x$

02) A função  $y = \sin x$  tem para derivada:

- (A)  $y' = -\sin x$       (B)  $y' = \sin x$       (C)  $y' = -\cos x$       (D)  $y' = \cos x$       (E)  $y' = -x - 1$

03) A taxa média de variação da função  $y = x^2 - 5x$  no intervalo  $[0, 0.2]$  é igual a:

- (A)  $-4,8$       (B)  $-9,6$       (C)  $-0,48$       (D)  $-0,96$       (E)  $9,6$

04) A taxa de variação instantânea da função  $y = x^2 - 5x$  no ponto  $x = 0$  é igual a:

- (A)  $5$       (B)  $2x - 5$       (C)  $0$       (D)  $-5$       (E)  $2x$

05) A taxa média de variação da função  $y = x^2 - 5x$  no intervalo  $[a, a+h]$  é igual a:

- (A)  $2a - 5$       (B)  $2a + 5$       (C)  $h + 2a$       (D)  $h - 2a$       (E)  $h + 2a - 5$

06) A taxa de variação instantânea da função  $y = x^2 - 5x$  no ponto  $x = a$  é igual a:

- (A)  $-5$       (B)  $2x - 5$       (C)  $2a - 5$       (D)  $2x$       (E)  $2a$

07) A derivada em relação a  $x$  da função  $f(x) = \sin x + \cos x$  é a função dada por:

- (A)  $f'(x) = -\sin x + \cos x$       (B)  $f'(x) = -\cos x - \sin x$       (C)  $f'(x) = \sin x - 2\cos x$   
 (D)  $f'(x) = \sin x - \cos x$       (E)  $f'(x) = \cos x + \sin x$

08) O valor da derivada em relação a  $x$  da função  $y = \sin x - \cos x$  no ponto  $(\pi, 0)$  é igual a:

- (A)  $1$       (B)  $0,5$       (C)  $-0,5$       (D)  $0$       (E)  $-1$

09) Considere a função  $f(x) = x^3 - 5x^2 + 8x$ . Então a declividade da reta tangente a curva  $y = f(x)$  no ponto  $(1, 4)$  é igual a:

- (A)  $-1$       (B)  $3$       (C)  $1$       (D)  $2$       (E)  $0$

10) Considere a função  $h(t) = e^t + \ln t + 5t^3 - 4t^2$ . Se  $f(t) = h'(t)$  então  $f'(1)$  é igual a:

- (A)  $22$       (B)  $e - 21$       (C)  $e + 22$       (D)  $e + 21$       (E)  $30$

11) A derivada em relação a  $t$  da função  $f(t) = (2t^4 - 1)(2t - t^2)$  é a função dada por:

- (A)  $f'(t) = 8t^3(2t - t^2)$       (B)  $f'(t) = (2t^4 - 1)(2 - 2t)$   
 (C)  $f'(t) = 8t^3 + (2 - 2t)$       (D)  $f'(t) = 8t^3(2t - t^2) + (2t^4 - 1)(2 - 2t)$   
 (E)  $f'(t) = (8t^3 - 1)(2t - t^2) + (2t^4 - 1)(2 - 2t)$

12) A derivada em relação a  $t$  da função  $f(t) = \sin t \cos t$  é a função dada por:

(A)  $f'(t) = \sin t \sin t + \cos t \cos t$

(B)  $f'(t) = \cos t \cos t - \sin t \sin t$

(C)  $f'(t) = \cos t \cos t - \sin t \sin t$

(D)  $f'(t) = \sin t \cos t - \cos t \sin t$

(E)  $f'(t) = 2 \sin t \cos t$

13) Considere a função  $f(x)$  definida por  $f(x) = x^3 + y^3 - 3axy$ . Então  $f'(x)$  é dada por:

(A)  $f'(x) = 3x^2 + 3y^2 - 3a(x+y)$

(B)  $f'(x) = 3x^2 + 3y^2 - 3ax$

(C)  $f'(x) = 3x^2 + 3y^2 - 3ay$

(D)  $f'(x) = 3x^2 - 3ay$

(E)  $f'(x) = 3y^2 - 3ax$

14) Considere a função  $f(y)$  definida por  $f(y) = x^3 + y^3 - 3axy$ . Então  $f'(y)$  é dada por:

(A)  $f'(y) = 3x^2 + 3y^2 - 3a(x+y)$

(B)  $f'(y) = 3x^2 + 3y^2 - 3ax$

(C)  $f'(y) = 3x^2 + 3y^2 - 3ay$

(D)  $f'(y) = 3x^2 - 3ay$

(E)  $f'(y) = 3y^2 - 3ax$

15) Considere a função  $f(x) = 5 \sin x - 4 \cos x + 8 \ln x + x^2 - 5x + 2$ . Então sua derivada é igual a:

(A)  $f'(x) = 5 \cos x - 4 \sin x - \frac{8}{x} + 2x - 5$

(B)  $f'(x) = 5 \cos x + 4 \sin x - \frac{8}{x} + 2x - 5$

(C)  $f'(x) = 5 \sin x - 4 \cos x + \frac{8}{x} + 2 - 5x$

(D)  $f'(x) = 5 \cos x + 4 \sin x + \frac{8}{x} + 2x - 5$

(E)  $f'(x) = -5 \cos x + 4 \sin x + \frac{8}{x} - 2x + 5$

16) Considere a função  $f(x) = \sqrt{x} \cdot \sin x$ . Então sua derivada é igual a:

(A)  $f'(x) = \frac{2}{\sqrt{x}} \sin x - \frac{\sqrt{x}}{x} \cos x$

(B)  $f'(x) = \frac{2}{\sqrt{x}} \sin x + \frac{\sqrt{x}}{x} \cos x$

(C)  $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \sin x - \sqrt{x} \cos x$

(D)  $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \sin x + \sqrt{x} \cos x$

(E)  $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} \sin x + \sqrt{x} \cos x$

17) Considere a função  $f(x) = \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$ . Então sua derivada é igual a:

(A)  $f'(x) = x^{-\frac{3}{2}} \left(1 + \frac{1}{2} \ln x\right)$

(B)  $f'(x) = x^{-\frac{3}{2}} \left(1 - \frac{1}{2} \ln x\right)$

(C)  $f'(x) = x^{-\frac{1}{2}} \left(1 + \frac{1}{2} \ln x\right)$

(D)  $f'(x) = x^{-\frac{1}{2}} \left(1 - \frac{1}{2} \ln x\right)$

(E)  $f'(x) = x \left(1 - \frac{1}{2} \ln x\right)$

18) Considere a função

$$f(x) = \begin{cases} 7x - 2, & \text{se } x \leq 1 \\ kx^2, & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

O valor de  $k$  que torna  $f(x)$  derivável é:

- (A) 1,5                      (B) 2                      (C) 3,5                      (D) 4                      (E) 7

19)

$$\text{Dada a função } f(x) = \begin{cases} 4 - x^2 & \text{se } x < 1 \\ 2 & \text{se } x = 1 \\ 2 + x^2 & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

temos que:

- (A)  $f'(-2) = f'(2)$                       (B)  $f'(-2) = -f'(2)$                       (C)  $f'(-3) = f'(2)$   
 (D)  $f'(-3) = -f'(2)$                       (E)  $f'(-3) = f'(5)$

20) Considere a função  $f(x) = x^2 \ln x + x \ln x$ . Então sua derivada é igual a:

- (A)  $f'(x) = x \ln x + x + \ln x + 1$                       (B)  $f'(x) = x \ln x - x + \ln x - 1$   
 (C)  $f'(x) = 2x \ln x + 2x + \ln x + 1$                       (D)  $f'(x) = 2x \ln x + x + \ln x + 1$   
 (E)  $f'(x) = 2x \ln x - x + \ln x - 1$

21) A equação da reta tangente ao gráfico de  $f(x) = \frac{1}{x+1}$ ,  $x \neq -1$  no ponto  $(-7, 4)$  é dada por:

- (A)  $x + 36y - 130 = 0$                       (B)  $x + 6y - 137 = 0$                       (C)  $6x + 6y - 137 = 0$   
 (D)  $x + 36y - 137 = 0$                       (E)  $6x + 6y - 137 = 0$

22) Seja  $f(x) = \frac{1}{x^2}$ ,  $x \neq 0$ , com  $x$  real. A taxa de variação instantânea de  $f(x)$  em relação a  $x$  num ponto genérico, é dada por:

- (A)  $f'(x) = \frac{-2}{x^3}$ ,  $x \neq 0$ ,                      (B)  $f'(x) = \frac{-1}{x^3}$ ,  $x \neq 0$ ,                      (C)  $f'(x) = \frac{-3}{x^4}$ ,  $x \neq 0$ ,  
 (D)  $f'(x) = \frac{-4}{x^4}$ ,  $x \neq 0$ ,                      (E)  $f'(x) = \frac{-4}{x^5}$ ,  $x \neq 0$ ,

23) Sejam  $f(x) = x^2$ ,  $g(x) = \ln x$ . Se  $h(x) = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$ , então:

- (A)  $h'(x) = 2 \ln x + 1$                       (B)  $h'(x) = 2 \ln x + 2$                       (C)  $h'(x) = 2 \ln x + 3$   
 (D)  $h'(x) = \ln x + x + 1$                       (E)  $h'(x) = \ln x + x + 2$

24) Sabendo que  $f'(2) = 4$ ,  $g(2) = 1$  e  $g'(2) = 2$  então a derivada de  $h(x) = f(x) - x \cdot g(x)$  em  $x = 2$  vale:

- (A) -1                      (B) 0                      (C) 1                      (D) 2                      (E) 3

25) Considere a função  $f(x) = x^2 \cos x$ . Então sua derivada é igual a:

(A)  $f'(x) = 2x \cos x - x^2 \sin x$

(B)  $f'(x) = 2x \cos x + x^2 \sin x$

(C)  $f'(x) = x \cos x - 2x \sin x$

(D)  $f'(x) = x \cos x + 2x \sin x$

(E)  $f'(x) = 2x \cos x - 2x^2 \sin x$