

## Álgebra Linear – 2016.1 – Lista de exercícios 02

Questão 01: A matriz  $B_{2 \times 3} = [b_{ij}]_{2 \times 3}$  definida por  $b_{ij} = 3i - 2j$ , é uma matriz real, representada por 2 linhas e 3 colunas. Assim,

- A) A primeira linha de B é {4, 2, 0};  
B) A segunda linha de B é {1, 4};  
C) A primeira coluna de B é {-1, 2};  
D) A segunda coluna de B é {1, 4};  
E) A terceira coluna de B é {-3, 0};

Questão 02: A matriz M é uma matriz quadrada de ordem 3. Sua diagonal principal é {8, 4, 2} e sua diagonal secundária é {-1, 4, -2}. O traço da matriz M é igual a:

- A) -1                      B) 1                      C) 7                      D) -14                      E) 14

Questão 03: A matriz  $\begin{bmatrix} x & -3 & y \\ z & x & -2 \end{bmatrix}$  é uma matriz diagonal de traço igual a 1. Então x, y e z são, respectivamente, iguais a:

- A) 3, 1, 0                      B) 3, 0, 1                      C) 3, 0, 0                      D) -1, 0, 0                      E) 1, 0, 0

Questão 03: A matriz  $\begin{bmatrix} x & -2 & z \\ 0 & y+4 & \end{bmatrix}$  é uma matriz identidade. Então x, y e z são, respectivamente, iguais a:

- A) -3, 3, 0                      B) 3, 3, 1                      C) 3, -3, 0                      D) -1, -3, 0                      E) 3, -3, 1

Questão 04: A matriz  $\begin{bmatrix} x & -2 & y \\ x & x+4 & \end{bmatrix}$  é uma matriz simétrica de traço 0. Então, x + y é igual a:

- A) -1                      B) -2                      C) -3                      D) 1                      E) 2

Questão 05: Seja  $A = \begin{bmatrix} x & y+4 & z+4 \\ x & -2 & y & 4 & -y \\ 2z+3 & x & z \end{bmatrix}$  uma matriz simétrica. Então, o traço da matriz A é igual a:

- A) 1                      B) 2                      C) 3                      D) 4                      E) 5

Questão 06: Seja  $A = \begin{bmatrix} x & y+4 & z+4 \\ x & -2 & y & 4 & -x \\ 2z+4 & y & z \end{bmatrix}$  uma matriz triangular superior. Então,  $a_{12} + a_{13} + a_{23}$  é igual a:

- A) 2                      B) 4                      C) 6                      D) 8                      E) 10

Questão 07: Seja  $A = \begin{bmatrix} x & y+4 & z+4 \\ x & -2 & y & 4 & -x \\ 2z+4 & y & z \end{bmatrix}$  uma matriz triangular inferior. Então,  $a_{21} + a_{31} + a_{32}$  é igual a:

- A) -2                      B) -4                      C) -6                      D) -8                      E) -10

Questão 08: Uma indústria produz dois produtos, X e Y, utilizando dois tipos de insumo, A e B. Para a manufatura de cada kg de X são utilizados 1 grama do insumo A e 2 gramas do insumo B e, para cada kg de Y, 1 grama de insumo A e 1 grama de insumo B. Usando matrizes determinar quantos gramas dos insumos A e B são necessários na produção de 10 kg do produto X e 20 kg do produto Y.

- A) 10 e 20      B) 20 e 30      C) 30 e 40      D) 40 e 50      E) 50 e 60

Questão 09: A inversa da matriz  $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  é a matriz:

- A)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$       B)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$       C)  $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$       D)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$       E)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

Questão 10: Seja  $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ . Então  $A^5$  é igual a:

- A)  $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$       B)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 5 & 1 \end{bmatrix}$       C)  $\begin{bmatrix} 1 & -5 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$       D)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -5 & 1 \end{bmatrix}$       E)  $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 5 & 1 \end{bmatrix}$

Questão 11: Seja  $A = \begin{bmatrix} \cos x & -\sin x \\ \sin x & \cos x \end{bmatrix}$ . Então  $A^4$  é igual a:

- A)  $\begin{bmatrix} \cos 3x & \sin 3x \\ \sin 3x & \cos 3x \end{bmatrix}$ ;      B)  $\begin{bmatrix} \cos 3x & -\sin 3x \\ \sin 3x & \cos 3x \end{bmatrix}$ ;      C)  $\begin{bmatrix} \cos 4x & \sin 4x \\ \sin 4x & \cos 4x \end{bmatrix}$ ;  
 D)  $\begin{bmatrix} \cos 4x & -\sin 4x \\ \sin 4x & \cos 4x \end{bmatrix}$ ;      E)  $\begin{bmatrix} \cos 5x & \sin 5x \\ \sin 5x & \cos 5x \end{bmatrix}$ .

Questão 12: Seja  $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ . Então, os elementos da primeira linha de  $A^5$  são:

- A) {1, 4, 5};      B) {1, 4, 10};      C) {1, 5, 6};      D) {1, 5, 15};      E) {0, 0, 1}.

Questão 13: Seja  $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 3 & 5 & 6 \\ 4 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ . Após aplicarmos as operações elementares ( $L1 \rightarrow \frac{1}{2} L1$ ), ( $L2 \rightarrow L2 - 3L1$ ), ( $L2 \rightarrow -L2$ ), ( $L1 \rightarrow L1 - 2L2$ ), ( $L3 \rightarrow L3 + 6L2$ ), ( $L3 \rightarrow \frac{1}{7} L3$ ), ( $L1 \rightarrow L1 + 3L3$ ) e ( $L2 \rightarrow L2 - 3L3$ ) obtemos a matriz:

- A)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ;      B)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ;      C)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & -3 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ;      D)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & -3 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 7 \end{bmatrix}$ ;      E)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & -3 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & -6 & -11 \end{bmatrix}$

Questão 14: A inversa da matriz  $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  é a matriz:

- A)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$       B)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$       C)  $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$       D)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$       E)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

Questão 15: A inversa da matriz  $A = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$  é a matriz:

- A)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$       B)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$       C)  $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$       D)  $\begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{-1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$       E) Não existe

Questão 16: Uma solução do sistema  $\begin{cases} x+y=2 \\ 3x+3y=6 \end{cases}$  é o par ordenado:

- A) (1, 1)      B) (1, 2)      C) (2, 1)      D) (1, 3)      E) (3, 1)

Questão 17: Uma solução do sistema  $\begin{cases} x+y+z=6 \\ 2x+y-z=1 \\ 3x-y+z=4 \end{cases}$  é a tripla ordenada:

- A) (1, 1, 1)      B) (1, 2, 3)      C) (3, 2, 1)      D) (1, 3, 2)      E) (3, 1, 2)

Questão 18: Considere o sistema S:  $\begin{cases} x-y+z=1 \\ 2x-y+z=4 \\ x-2y+2z=0 \end{cases}$ . Então:

- A) S tem uma solução única      B) S tem duas soluções  
C) S tem três soluções      D) S tem infinitas soluções  
E) S é impossível ou incompatível

Questão 19: Dizemos que um sistema, em que existe pelo menos um coeficiente não nulo em cada equação, está escalonado se o número de coeficientes nulos antes do primeiro coeficiente não nulo aumenta de equação para equação (Método de Gauss Jordan). Escalonando o sistema

S:  $\begin{cases} 2x-y+z-t=4 \\ 3x+2y-z+2t=1 \\ 2x-y-z-t=0 \\ 5x+0y+0z+2t=1 \end{cases}$  podemos observar que a única solução de S é:

- A) (1, 2, 2, 2)      B) (1, 2, 2, -2)      C) (1, 2, -2, 2)      D) (1, -2, 2, 2)      E) (1, 2, -2, -2)

Questão 20: O posto e o grau de liberdade da matriz ampliada do sistema da Questão 19 são, respectivamente, iguais a:

- A) 4 e 5      B) 3 e 4      C) 4 e 2      D) 4 e 1      E) 3 e 1