

Observação: Todos os cálculos e desenvolvimentos deverão acompanhar a Lista.

Questão 01: (Álgebra Linear, Steinbruch e Winterle) Calcule os valores de x e y para que as matrizes A e B sejam iguais:

$$\text{A) } A = \begin{bmatrix} 8 & 15y \\ x + 12 & 3 \end{bmatrix} \text{ e } B = \begin{bmatrix} 8 & 75 \\ 6 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\text{B) } A = \begin{bmatrix} x^2 - 40 & y^2 + 4 \\ 6 & 3 \end{bmatrix} \text{ e } B = \begin{bmatrix} 41 & 13 \\ 6 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\text{C) } A = \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 4 & x^2 \end{bmatrix} \text{ e } B = \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 4 & 10x - 25 \end{bmatrix}$$

Questão 02: (Álgebra Linear, Steinbruch e Winterle) Dadas as matrizes:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 8 \\ 4 & -1 & -6 \end{bmatrix} \text{ e } B = \begin{bmatrix} 5 & -7 & -9 \\ 0 & 4 & 1 \end{bmatrix} \text{ calcule:}$$

$$\text{A) } A + B \quad \text{B) } A - B \quad \text{C) } 4A + 3B \quad \text{D) } 4A - 3B$$

Questão 03: Se $A = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -4 & 3 \end{bmatrix}$, ache uma matriz B tal que $B^2 = A$

Questão 04: (Álgebra Linear, Steinbruch e Winterle) Uma matriz M cuja inversa coincide com a transposta é denominada matriz ortogonal. Mostre que

$$M = \begin{bmatrix} \cos x & -\sin x & 0 \\ \sin x & \cos x & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \text{ é ortogonal.}$$

Questão 05: (Prof. Jairo Weber) Sejam A e B duas matrizes 2×2 definidas por $a_{ij} = 3i + 2j$ e $b_{ij} = i + j$. a) Determine a matriz X tal que $X = A^t - B$; b) Encontre $tr(X)$ (traço da matriz X).

Questão 06: (UFRGS) Sabendo que $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$, encontre A^2 e A^3 .

Questão 07: (UNIBAHIA-BA) Considerando a matriz $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 \\ x & x & 5 \end{bmatrix}$ e que $\det(A) = 4$ encontre o valor de x .

Questão 08: (UFRGS) Se $\det\left(\begin{bmatrix} a & b \\ 1 & 1 \end{bmatrix}\right) = 2$, então encontre $\det\left(\begin{bmatrix} 3a + 1 & 3b + 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}\right)$.

Questão 09: Calcule o determinante de $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -3 & -2 & -1 \\ 4 & 2 & 0 \end{bmatrix}$.

Questão 10: (Álgebra Linear, Steinbruch e Winterle) Calcule o determinante de

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{3}} & \frac{-1}{\sqrt{6}} & \frac{-1}{\sqrt{2}} \\ \frac{-1}{\sqrt{3}} & \frac{1}{\sqrt{6}} & \frac{-1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{3}} & \frac{2}{\sqrt{6}} & 0 \end{bmatrix} .$$